

Hoc libro lecto, cupido animum incessit, parallelorum gradus in *Figura Telluris Sphaeroide*, inibi stabilita supputandi, illisque gradus meridiani iungendi, qui quidem ex comparatione gradus sub circulo polari mensurati, cum gradu sub Parallelo  $49^{\circ}$  a *Piccardo* iam ante mensurato, nunc autem curatius determinato, deducendi erant.

Communicauit mecum, hunc in finem benignissime methodum suam, Celeberrimus *Eulerus*; mire facilem et compendiosam, quam ipsissimis Viri Celeberrimi Verbis, bona cum eius venia, praemitto; quoniam ea mediante, quae mox exhibebuntur, confectae sunt Tabulae C et D.

### METHODVS VIRI CELEBERRIMI LEONH. EVLERI

Determinandi gradus Meridiani pariter ac Paralleli Telluris secundum Mensuram a CELEB. *de Maupertuis* cum sociis institutam.

**E**x duobus gradibus Meridiani exacte mensuratis, quorum alter sub ipso circulo polari compertus est 57438 hexap. Paris. alter sub eleuatione Poli  $49^{\circ} 57183$  hexap. Figura et magnitudo terrae ita determinatur, ut sit:  
 Semiaxis terrae = 3263626 hexap.  
 Semid. aequatoris = 3281570 hexap.  
 Hincque axis terrae ad diametrum aequatoris rationem te-  
 neat proxime vti

182 ad 183.

Ex

Ex his datis regulae poterunt tradi, tam ad singulos Meridianorum gradus, quam ad gradus Parallelorum definiendos.

### Problema. I.

*Sub data Eleuatione Poli definire quantitatem unius gradus in Meridiano.*

### Solutio.

Bini casus sunt respiciendi, prior, si Eleuatio Poli *maior* sit, quam  $45^\circ$ , posterior, si *minor* sit quam  $45^\circ$ . Vtque casu Eleuatio Poli bis sumatur, ac *priori* casu excessus supra  $90^\circ$ , posteriori defectus infra  $90^\circ$ . notetur; atque siue excessus siue defectus capiatur Logarithmus sinus, ad eumque perpetuo addatur iste Logarithmus

2, 6718815,

atque a summa subtrahatur Logarithmus sinus totius

10 0000000

Logarithmi residui quaeratur numerus respondens.

Iste numerus hoc modo inuentus, priori casu, quo Eleuatio Poli maior est, quam  $45^\circ$ , addatur ad 57117, 6 hexap. posteriori casu autem, quo Eleuatio Poli minor erat, quam  $45^\circ$  subtrahatur a 57117, 6 et numerus resultans dabit magnitudinem gradus Meridiani in hexapedis Parafinis. Q. E. I.

### Exemplum. I.

Quaeratur gradus Meridiani sub ipso Aequatore

Tom. XII.

F f

Ele-

$$\begin{array}{rcl}
 \text{Eleuatio Poli ergo est} & 0^\circ \\
 \text{duplum eius} & - & 0^\circ \\
 \text{auferatur a} & - & 90^\circ \\
 \hline
 \text{remanet} & - & 90^\circ \\
 \text{Log. fin. } 90^\circ & = & 10,000000 \\
 \text{addatur} & & 2,6718815 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{rcl}
 \text{Subtrahatur Log. fin. tot. } & 2,6718815 \\
 \text{Numerus respondens } & 469,7 \\
 \text{subtrahatur ab} & 57117,6 \\
 \hline
 \end{array}$$

Gradus Meridiani = 56648 hexap. Paris. circa Aequatorem.

### Exempl. 2.

$$\begin{array}{rcl}
 \text{Quaeratur Meridiani gradus sub ipso Polo} \\
 \text{Eleuatio Poli est } 90^\circ \\
 \text{eius duplum } 180^\circ \\
 \text{ab eo subtrahatur } 90^\circ \\
 \hline
 \text{remanet} & - & 90^\circ
 \end{array}$$

$$\begin{array}{rcl}
 \text{Log. fin. } 90^\circ & = & 10,000000 \\
 \text{addatur} & & 2,6718815 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{rcl}
 \text{subtrah. Log. fin. tot. } & 2,6718815 \\
 \text{Num. respond. } & 469,7 \\
 \text{addatur ad} & 57117,6 \\
 \hline
 \end{array}$$

Gradus Meridiani = 57587 hexap. Paris. sub ipso Polo.

### Exempl. 3.

Quaeratur Meridiani Gradus sub Elevatione Poli  $49^\circ$

Ele-

Elevatio Poli est	$49^\circ$
eius duplum	$98^\circ$
ab eo subtrahantur	$90^\circ$
remanent	$80^\circ$
Logar. fin. $8^\circ$	$= 9,1435553$
addatur	$- - - 2,6718815$
subtrah. Log. fin. tot.	$\underline{1,8154368}$
Numer. respond.	$65,3$
addatur ad	$57117,6$
Gradus Merid. =	$57183$ hexap. Parif. in latit. $49^\circ$

### Exempl. 4.

Quaeratur Gradus Meridiani sub circulo Polari

Elevatio Poli est	$66^\circ 30'$
eius duplum	$133^\circ$
auferantur	$90^\circ$
remanet	$43^\circ$
Logar. fin. $43^\circ$	$= 9,8337833$
addatur	$- - - 2,6718815$
	$\underline{72,5056648}$
Num. respond.	$320,4$
addatur	$57117,6$
Gradus Merid. =	$57438,$ hexap. Parif. sub circulo Polari.

## Exemplum 5.

Quaeratur gradus Meridiani ad Latitudinem  $60^\circ$

Eleuatio Poli est  $60^\circ$

eius duplum  $120^\circ$

auférantur  $90^\circ$

reminet  $30^\circ$

Log. sin.  $30^\circ$  =  $9,6989700$

addatur  $2,6718815$

$\underline{+ 2,3708515}$

Numerus respond.  $234,8$

addatur ad  $57117,6$

Gradus Merid. =  $57352$ , Hexap. Paris. sub  
Eleuatione Poli  $60^\circ$

## Problema II.

Ad datam Eleuationem Poli inuenire Gradum vnum in Parallello.

## Solutio.

Primo sumatur Logarithmus Cosinus Eleuationis Poli ,  
ad eumque constanter addatur hic Logarithmus.

$4,7591447$   
a summa auferatur Logarithmus sinus totius , et Logarithmi residui quaeratur numerus respondens.

Secundo duplicetur Eleuatio Poli atque vel a duplo subtrahantur  $90^\circ$  vel ipsum duplum a  $90^\circ$  gradibus aufératur , prout Eleuatio Poli fuerit vel maior quam  $45^\circ$  vel minor.

nor. Vtisque dein casu capiatur Logarithmus sinus residui, ad eumque addatur Logarithmus Cosinus Eleuationis Poli, insuperque perpetuo addatur  $2, 1947602$  et a summa subtrahatur Logarithmus sinus totius bis sumtus nempe

$2, 0000000$

Logarithmi residui quaeratur numerus respondens, hicque priori casu, quo Eleuatio Poli maior est  $45^\circ$  addatur ad numerum supra inuentum, altero casu quo Eleuatio Poli minor est quam  $45^\circ$  subtrahatur a numero supra inuento, sicque prodibit magnitudo Gradus in Parallelo proposito.

Q. E. I.

### Exempl. 1.

Quaeratur magnitudo vnius Gradus in ipso Aequatore

Eleuatio Poli ergo est  $0^\circ$

Logar. cos. $0^\circ$	$=$	10, 0000000
addatur		<u>4, 7591447</u>

$14, 7591447$

Num. respond.  $=$  57430, 8

duplum Eleuationis Poli  $0^\circ$

subtr. a	$90^\circ$
----------	------------

remanet	$\overline{90^\circ}$
---------	-----------------------

Log. sin. $90^\circ$	$=$	10, 0000000
----------------------	-----	-------------

Log. cos. $0^\circ$	$=$	10, 0000000
---------------------	-----	-------------

addatur		<u>-2, 1947602</u>
---------	--	--------------------

subtrah. 2 log. sin. tot.	$\pm 2, 1547602$
---------------------------	------------------

Ff 3

Num.

230 METHOD. VIRI CELEBER. LEONH. EVLERI.

$$\begin{array}{rcl}
 \text{Num. resp.} & 156,6 \\
 \text{subtrahatur ab} & 57430,8 \\
 \hline
 \text{Gradus Aequat.} = & 57274 \text{ Hex. Parif.}
 \end{array}$$

Exempl. 2.

Quaeritur magnitudo vnius gradus in parallelo latitudinis  $60^\circ$

Eleuatio poli est  $60^\circ$

$$\begin{array}{rcl}
 \text{Log. cos. } 60^\circ & 9,6989700 \\
 \text{addatur} & 4,7591447 \\
 \hline
 & 14,4581147
 \end{array}$$

Num. respond.  $28715,4$

Duplum Eleu. Poli est  $120^\circ$

$$\begin{array}{rcl}
 \text{auferantur} & 90 \\
 \hline
 \text{remanet} & 30
 \end{array}$$

Log. sin.  $30^\circ$  =  $9,6989700$

$$\begin{array}{rcl}
 \text{Log. cos. } 60^\circ & 9,6989700 \\
 \text{addatur} & 2,1947602 \\
 \hline
 &
 \end{array}$$

subtr. 2. Log. sin. tot.  $71,5927002$

$$\begin{array}{rcl}
 \text{Num. respondens} & 39,1 \\
 \text{addatur ad} & 28715,4 \\
 \hline
 &
 \end{array}$$

Gradus Parall. =  $28754\frac{1}{2}$  Hex. Parif. sub  
Eleuatione Poli  $60^\circ$

Exempl. 3.

Quaeratur sub Eleuatione Poli  $40^\circ$  magnitudo vnius gra-  
dus in parallelo

Eleuatio

Eleuatio Poli est  $40^\circ$

$$\text{Log. cos. } 40^\circ = 9,8842540$$

$$\text{addatur} \quad 4,7591447$$

$$\underline{x4,6433987}$$

$$\text{Numer. respond.} \quad 43994,6$$

$$\text{Eleuatio Poli bis sumta} \quad 80^\circ$$

$$\text{auferatur ab} \quad 90^\circ$$

$$\text{remanet} \quad \underline{10^\circ}$$

$$\text{Log. sin. } 10^\circ = 9,2396702$$

$$\text{Log. cos. } 40^\circ = 9,8842540$$

$$\text{addatur} \quad 2,1947602$$

$$\underline{x1,3186844}$$

$$\text{Numer. respond.} \quad 20,8$$

$$\text{subtrahatur ab} \quad 43994,6$$

$$\text{Gradus Paralleli} = 43974 \text{ Hex. Parif. sub Eleuations}$$

$$\text{Poli } 40^\circ$$